

Modulbeschreibung 24-M-AL-ST5a Ausgewählte Kapitel der Algebra und Zahlentheorie 1

Fakultät für Mathematik

Version vom 04.02.2026

Dieses Modulhandbuch gibt den derzeitigen Stand wieder und kann Änderungen unterliegen. Aktuelle Informationen und den jeweils letzten Stand dieses Dokuments finden Sie im Internet über die Seite

<https://ekvv.uni-bielefeld.de/sinfo/publ/modul/533535886>

Die jeweils aktuellen und gültigen Regelungen im Modulhandbuch sind verbindlich und konkretisieren die im Verkündungsblatt der Universität Bielefeld veröffentlichten Fächerspezifischen Bestimmungen.

24-M-AL-ST5a Ausgewählte Kapitel der Algebra und Zahlentheorie 1

Fakultät

Fakultät für Mathematik

Modulverantwortliche*r

Prof. Dr. Michael Spieß

Turnus (Beginn)

Dieses Modul ist Teil einer langfristigen Gesamtlehrplanung für das Masterprogramm, die sicherstellt, dass in allen fünf Gebieten jedes Jahr jeweils mindestens Module im Umfang von 20 LP angeboten werden. Im Rahmen dieser Gesamtlehrplanung wird das Modul in unregelmäßigen Abständen angeboten.

Leistungspunkte

5 Leistungspunkte

Kompetenzen

Die Studierenden erweitern und vertiefen ihre mathematischen Kenntnisse und Fähigkeiten im Gebiet Algebra und Zahlentheorie und können diese in einem aktuellen Forschungskontext anwenden.

Veranstaltungstyp Vorlesung mit Übungen:

Die Studierenden beherrschen die grundlegenden Inhalte und Methoden eines speziellen Themengebietes der Algebra und Zahlentheorie, insbesondere können sie selbstständig komplexe und ein hohes Maß an fachlichen Kompetenzen erfordernde Beweise in diesem Gebiet führen.

Ferner erkennen die Studierende weiter reichende Zusammenhänge zu bereits erarbeiteten mathematischen Sachverhalten. Sie können die bislang erlernten Kenntnisse und Methoden auf weitere, tiefer liegende mathematische Problemfelder übertragen und anwenden. Aufgrund einer intensiveren Auseinandersetzung erweitern die Studierende auch ihre mathematische Intuition.

In den Übungen bauen die Studierende ihre Fähigkeit zur fachmathematischen Diskussion aus und bereiten sich so weiter auf die Anforderungen des Mastermoduls, insbesondere auf die fachliche Diskussion im Rahmen des Masterseminarvortrag und die Verteidigung Ihrer Masterarbeit, vor.

Veranstaltungstyp Seminar:

Die Studierenden sind in der Lage, selbstständig einen mathematischen Fachvortrag zu halten. Sie können sich ein mathematisches Problem aus Algebra und Zahlentheorie selbstständig erschließen, für einen Vortrag aufbereiten und in dem Vortrag verständlich darstellen sowie eine fachlich korrekte Ausarbeitung über die Inhalte des Vortrags anfertigen. Fachliche Lücken, wie z.B. fehlende Beweis(schritt)e oder fehlende illustrative Beispiele, können sie selbstständig schließen.

Mit dem Seminarvortrag und der Ausarbeitung des Vortrags bauen die Studierenden sowohl ihre Fähigkeit zur fachmathematischen Diskussion als auch zum Verfassen fachmathematischer Texte aus. Sie bereiten sich dadurch weiter auf die Anforderungen des Mastermoduls vor, insbesondere auf das Verfassen der Masterarbeit, den Masterseminarvortrag inklusive fachlicher Diskussion und die Verteidigung Ihrer Masterarbeit

Veranstaltungstyp Projekt:

Die Studierenden sind in der Lage, ein fachmathematisches Projekt (z.B. die mathematische Modellierung einer

konkreten Anwendungssituation, Erstellung einer mathematischen Simulation, Programmier- oder Softwareprojekt, Erarbeitung einer fachlichen Abhandlung/von fachlichen Materialien im Rahmen eines Reading courses) im Bereich Algebra und Zahlentheorie eigenständig zu planen, durchzuführen und auszuwerten. Insbesondere beherrschen sie die für das Projekt notwendigen fachlichen Inhalte und Methoden, insbesondere das selbstständige Führen von Beweisen.

Lehrinhalte

Die Veranstaltungen dieses Moduls führen methodisch und inhaltlich zu aktuellen Forschungsfragen im Bereich Algebra und Zahlentheorie hin. Als mögliche Inhalte kommen u.a. in Frage:

- Algebraische Kombinatorik
- Schnitttheorie
- Arakelov Theorie
- Quadratische Räume, Gitter
- Orthogonale Modulformen
- Hilbertsche und Siegelsche Modulformen
- Spezielle Aspekte der Darstellungstheorie
- Nichtkommutative Algebra und Geometrie
- Abgeleitete und triangulierte Kategorien

Empfohlene Vorkenntnisse

Je nach gewählten Themengebiet werden die Voraussetzungen im Rahmen der Veranstaltungsankündigung konkretisiert.

Notwendige Voraussetzungen

—

Erläuterung zu den Modulelementen

In dem Modul wird entweder eine Vorlesung mit Übung oder ein Seminar besucht oder ein Projekt durchgeführt.

Modulstruktur: 1 SL, 1 bPr¹

Veranstaltungen

Titel	Art	Turnus	Workload 5	Lp ²
-------	-----	--------	---------------	-----------------

Lecture Selected Topics in Algebra and Number Theory	Vorlesung	Dieses Modul ist Teil einer langfristigen Gesamtlehrplanung für das Masterprogramm, die sicherstellt, dass in allen fünf Gebieten jedes Jahr jeweils mindestens Module im Umfang von 20 LP angeboten werden. Im Rahmen dieser Gesamtlehrplanung wird das Modul in unregelmäßigen Abständen angeboten.	30 h (30 + 0)	1 [Pr]
Project Selected Topics in Algebra and Number Theory	Projekt	Dieses Modul ist Teil einer langfristigen Gesamtlehrplanung für das Masterprogramm, die sicherstellt, dass in allen fünf Gebieten jedes Jahr jeweils mindestens Module im Umfang von 20 LP angeboten werden. Im Rahmen dieser Gesamtlehrplanung wird das Modul in unregelmäßigen Abständen angeboten.	90 h (15 + 75)	3 [SL] [Pr]
Seminar Selected Topics in Algebra and Number Theory	Seminar	Dieses Modul ist Teil einer langfristigen Gesamtlehrplanung für das Masterprogramm, die sicherstellt, dass in allen fünf Gebieten jedes Jahr jeweils mindestens Module im Umfang von 20 LP angeboten werden. Im Rahmen dieser Gesamtlehrplanung wird das Modul in unregelmäßigen Abständen angeboten.	90 h (30 + 60)	3 [SL] [Pr]

Tutorials Selected Topics in Algebra and Number Theory	Übung	Dieses Modul ist Teil einer langfristigen Gesamtlehrplanung für das Masterprogramm, die sicherstellt, dass in allen fünf Gebieten jedes Jahr jeweils mindestens Module im Umfang von 20 LP angeboten werden. Im Rahmen dieser Gesamtlehrplanung wird das Modul in unregelmäßigen Abständen angeboten.	60 h (30 + 30)	2 [SL]
---------------------------------------------------------------	-------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------	--------

Studienleistungen

Zuordnung Prüfende	Workload	LP ²
Lehrende der Veranstaltung Project Selected Topics in Algebra and Number Theory (Projekt) <i>Regelmäßiger Austausch und fachliche Diskussion zum Projekt, etwa in Form von Kurzberichten zum Projektsachstand und Fragen zur weiteren Projektgestaltung</i>	siehe oben	siehe oben
Lehrende der Veranstaltung Seminar Selected Topics in Algebra and Number Theory (Seminar) <i>Regelmäßige Beiträge zur fachlichen Diskussion im Seminar, etwa in Form von fachlichen Kommentaren und Fragen zu den Seminarvorträgen.</i>	siehe oben	siehe oben
Lehrende der Veranstaltung Tutorials Selected Topics in Algebra and Number Theory (Übung) <i>Regelmäßiges Bearbeiten der Übungsaufgaben, jeweils mit erkennbarem Lösungsansatz sowie die Mitarbeit in den Übungsgruppen zu der Vorlesung des Moduls. Zu der Mitarbeit in der Übungsgruppe gehören in der Regel das zweimalige Vorrechnen von Übungsaufgaben nach Aufforderung sowie regelmäßige Beiträge zur fachlichen Diskussion in der Übungsgruppe, etwa in Form von fachlichen Kommentaren und Fragen zu den vorgestellten Lösungsvorschlägen. Die Veranstalterin/der Veranstalter kann einen Teil der Übungsaufgaben durch Präsenzübungen ersetzen.</i>	siehe oben	siehe oben

Prüfungen

Zuordnung Prüfende	Art	Gewichtung	Workload	LP ²
<p>Lehrende der Veranstaltung Lecture Selected Topics in Algebra and Number Theory (Vorlesung)</p> <p><i>(elektronische) Klausur in Präsenz von in der Regel 90 Minuten, mündliche Prüfung in Präsenz oder auf Distanz von in der Regel 30 Minuten. Eine elektronische Klausur auf Distanz ist nicht zulässig.</i></p>	e-Klausur o. Klausur o. mündliche e-Prüfung o. mündliche Prüfung	1	60h	2
<p>Lehrende der Veranstaltung Project Selected Topics in Algebra and Number Theory (Projekt)</p> <p><i>Im Rahmen des Projekts entsteht ein entsprechendes Produkt (z.B. mathematisches Modell. Simulationssoftware, Computerprogramm, Abhandlung/Materialien). Zu dem Projekt gehören die Planung, Durchführung und Analyse der Projektidee zu einem mathematischen Thema, die fachlich korrekte und verständliche schriftliche Beschreibung und Auswertung (Analyse) des Projektes einschließlich wesentlicher mathematischer Kontexte zur Genese und Nutzung des Produktes. Die Ausarbeitung hat einen Umfang von 5-10 Seiten.</i></p>	Projekt mit Ausarbeitung	1	60h	2
<p>Lehrende der Veranstaltung Seminar Selected Topics in Algebra and Number Theory (Seminar)</p> <p><i>Fachlich korrekte und verständliche Darstellung eines mathematischen Sachverhalts einschließlich wesentlicher Beweisschritte in einem Vortrag, Umfang einschließlich fachlicher Diskussion in der Regel 90 Minuten. Fachlich korrekte und verständliche schriftliche Ausarbeitung des Vortrags einschließlich wesentlicher Beweisschritte im Umfang von 5-10 Seiten.</i></p>	Referat mit Ausarbeitung	1	60h	2

Weitere Hinweise

Wenn das Modul zusammen mit dem Modul 24-M-AL-ST5b eingebracht wird, müssen die Kompetenzen in verschiedenen Veranstaltungen erbracht worden sein.

Legende

- 1 Die Modulstruktur beschreibt die zur Erbringung des Moduls notwendigen Prüfungen und Studienleistungen.
 - 2 LP ist die Abkürzung für Leistungspunkte.
 - 3 Die Zahlen in dieser Spalte sind die Fachsemester, in denen der Beginn des Moduls empfohlen wird. Je nach individueller Studienplanung sind gänzlich andere Studienverläufe möglich und sinnvoll.
 - 4 Erläuterungen zur Bindung: "Pflicht" bedeutet: Dieses Modul muss im Laufe des Studiums verpflichtend absolviert werden; "Wahlpflicht" bedeutet: Dieses Modul gehört einer Anzahl von Modulen an, aus denen unter bestimmten Bedingungen ausgewählt werden kann. Genauer regeln die "Fächerspezifischen Bestimmungen" (siehe Navigation).
 - 5 Workload (Kontaktzeit + Selbststudium)
- SoSe** Sommersemester
- WiSe** Wintersemester
- SL** Studienleistung
- Pr** Prüfung
- bPr** Anzahl benotete Modul(teil)prüfungen
- uPr** Anzahl unbenotete Modul(teil)prüfungen